



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR**

**SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA
Versión: 002 Emisión 02/09/2008
Actualización 02/12/2010

	<b>INSTITUCION EDUCATIVA NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR</b>	<b>Código:</b> FR-17-GA
		<b>Versión :</b> 002 <b>Emisión:</b> 12/09/2008
	<b>PLAN DE AREA</b>	<b>Actualización :</b> 02/12/2010

**AREA: MATEMATICAS**

**ASIGNATURAS: GEOMETRIA**

**GRADO :9**

**PERIODO: II**

**Año Lectivo:**

**2019**

**ESTANDARES:** 1.HACER CONJETURAS Y VERIFICAR PROPIEDADES, CONGRUENCIA Y SEMEJANZAS ENTRE FIGURAS TRIDIMENSIONALES Y BIDIMENSIONALES EN LA SOLUCION DE PROBLEMAS.

DBA 4: Identifica y utiliza relaciones entre el volumen y la capacidad de algunos cuerpos redondos (cilindro, cono y esfera) con referencia a las situaciones escolares y extraescolares.

DBA 9: Utiliza procesos inductivos y lenguaje simbólico o algebraico para formular, proponer y resolver conjeturas en la solución de problemas numéricos, geométricos, métricos, en situaciones cotidianas y no cotidianas.

**META DE CALIDAD: QUE EL 92 DE LOS ESTUDIANTES ALCANCEN LOS LOGROS PROGRAMADOS AL TERMINAR EL PERIODO**

SE	CONTENIDO	Estándar	LOGROS	COMPETENCIAS		ACTIVIDADES PEDAGOGICAS (4 H) Metodología	CRITERIO DE EVALUACIÓN	PLANES ESPECIALES		RECURSOS
				ESPECÍFICAS y/o LABORALES	CIUDADANAS			NIVELACION	PROFUNDIZ.	
1 a 1 0	Área Lateral, total y volúmenes de sólidos (cubo ,prisma , prisma recto , prisma recto regular , pirámide regular ,cilindro recto , cono recto , esfera),  Marcha evaluativa	1	Interpretar el significado de área lateral y total de un sólido Calcular con precisión áreas laterales , totales y volúmenes de sólidos (cubo ,prisma , prisma recto , prisma recto regular , pirámide regular ,cilindro recto , cono recto , esfera, Aplicar las formulas dadas en la resolución de problemas de los sólidos vistos.	Construye en cartulina los sólidos (cubo ,prisma , prisma recto , prisma recto regular , pirámide regular ,cilindro recto , cono recto , esfera.	Comunicarse asertivamente con otros(comunicativa) , regular emociones, valorar la diferencia)emocion es), cuidar del bienestar de los demás, respetar a los otros(integradoras)	Humanista: lectura por periodo en el fortalecimiento de valores. Lectura: en que se aplica y para qué sirven los conceptos matemáticos. Heurístico: desarrollo el me preparo de conceptos previos (correcciones, talleres, evaluaciones, marchas evaluativas. Deben quedar consignadas en el cuaderno) Holístico: lectura de grafica matemáticas y graficas relacionadas) Hermenéutica: en el desarrollo individual o grupal de los talleres y consultas	EVIDENCIAS  m Estima la capacidad de objetos con superficies redondas. m Construye cuerpos redondos usando diferentes estrategias. m Compara y representa las relaciones que encuentra de manera experimental entre el volumen y la capacidad de objetos con superficies redondas. m Explica la pertinencia o no de la solución de un problema de cálculo de área o de volumen, de acuerdo con las condiciones de la situación.  m Efectúa exploraciones, organiza los resultados de las mismas y propone patrones de comportamiento. m Propone conjeturas sobre configuraciones geométricas o numéricas y las expresa verbal o simbólicamente.  m Valida las conjeturas y explica sus conclusiones. m Interpreta expresiones numéricas y toma decisiones con base en su interpretación. Interpreta el significado de área lateral y total de un sólido Calcula con precisión áreas laterales , totales y volúmenes de sólidos (cubo ,prisma , prisma recto , prisma recto regular , pirámide regular ,cilindro recto , cono recto , esfera, Aplica las formulas dadas en la resolución de problemas de los sólidos vistos.	Taller de Nivelación Nro. 2  Taller institucional	monitorias Taller de profundización institucional Nro. 2	Regla Guías Fotocopias Calculadora Cuaderno Tablero



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

Cronograma actividades grado 9 °

Periodo lectivo: SEGUNDO

Año lectivo 2019

DOCENTE RESPONSABLE: Subleyman Ivonne Usman Narváez

Asignatura: GEOMETRIA

SEMANA No.	FECHA	TEMA – ACTIVIDAD
1	1 AL 5 DE ABRIL	Socialización de contenidos de la asignatura Unidades métricas de volumen lectura de cómo surge y para qué sirven. Actividad de conceptos previos, en clase y en casa
2	8 AL 12 DE ABRIL	Evaluación de actividad conceptos previos Concepto de volumen Múltiplos y submúltiplos.
3	22 AL 26 DE ABRIL	Actividad 1 y 2 en clase, se termina en casa. Volumen de un sólido
4	29 DE ABRIL AL 3 DE MAYO	Elementos fundamentales de un sólidos, poliedros Dibujos y formulas
5	6 AL 10 DE MAYO	Solidos ( área lateral, área total y volumen) Poliedros, poliedros regulares, construcción en clase mediante patrones.
6	13 AL 17 DE MAYO	Prismas, clasificación de prismas, área lateral, total y volumen. Construcción en clase mediante patrones. Pirámides,
7	20 AL 24 DE MAYO	Actividad No. 3 en clase y en casa. Sólidos de revolución
8	27AL 31 DE MAYO	Evaluación de actividad de nivelación de forma individual.
9	3 DE JUNIO AL 7 DE JUNIO	Marcha evaluativa. Corrección de la misma
10	10 AL 14 DE JUNIO	Evaluación de actividad de profundización, en forma grupal



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO  
GUIA GEOMETRIA SEGUNDO PERIODO  
GRADO NOVENO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

**UNIDADES MÉTRICAS DE VOLÚMEN**

**“La pobreza del hombre  
no es porque sus sueños no se hagan realidad,  
sino porque nunca ha soñado”**

**¿CÓMO SURGIÓ?**

**ARQUÍMEDES (287-212 a de C)** se le considera como el más grande de los matemáticos de la antigüedad y como uno de los cuatro más grandes de todos los tiempos. Fue el primero en determinar el volumen de una región esférica, hizo un cálculo muy aproximado del número  $\pi$  (expresó que debía estar comprendido entre  $3\frac{10}{71} = 3,1408451$  y  $3\frac{1}{7} = 3,1428571$ ). Los métodos que desarrollo para resolver problemas referentes a áreas y volúmenes no pudieron igualarse hasta después de 1800 años, cuando **Newton y Leibniz**, en el siglo XVII, descubrieron el cálculo infinitesimal.

En el hermoso planeta que ocupamos, aproximadamente una cuarta parte de su superficie corresponde a la litosfera (los continentes) y tres cuartas partes a la hidrosfera (los océanos, ríos y lagos), todo esto cubierto por una capa de aire, que nos permite respirar y protegernos de los rayos solares.

El aire, la tierra y el agua, al igual que las cosas materiales que ha en nuestro planeta tiene volumen, capacidad, masa y peso, cuyas medidas y relaciones nos permiten conocer y mejorar el medio en que vivimos.

Si suponemos que la tierra es un planeta que tiene la forma de una esfera de radio 6731 kilómetros y una densidad media de  $5,52 \text{ kg/dm}^3$ , determinar su volumen y su masa. De la superficie terrestre, ¿cuántos  $\text{km}^2$  corresponden a la litosfera?

**Recuerda**  $d = \frac{m}{v}$

**¿Para qué nos sirve lo aprendido?**

Las nociones intuitivas de punto, recta, plano, espacio y la idea de los sólidos geométricos regulares, permiten al hombre comprender, de una parte la perfección de la naturaleza y de otra, calcular con relativa aproximación la medida de los espacios construidos por el mismo.

Desde las culturas más antiguas la geometría del espacio ha sido formulada mediante postulados y teoremas que confirman la estructura de los hechos del mundo físico y que permiten una representación más exacta (a escala), para que la industria de nuestra época, especializada en la producción masiva de artículos, pueda atender con mayor éxito la demanda del mercado en todo lo relacionado con la creación, representación y construcción del mundo que nos rodea.



INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO

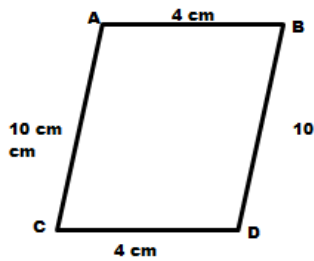
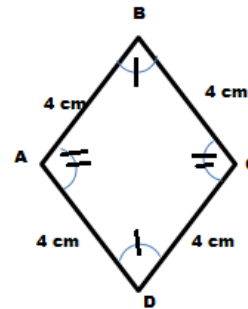
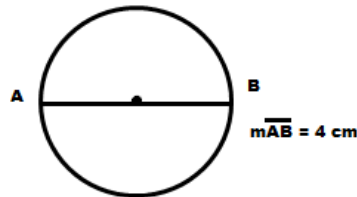
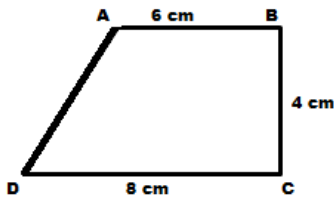
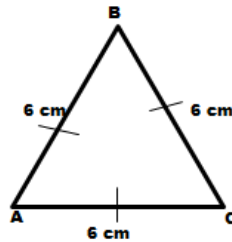
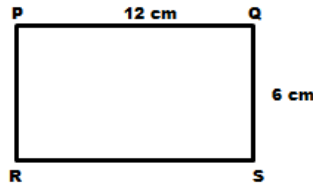
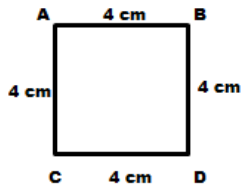
Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

CONCEPTOS PREVIOS

Encuentra el perímetro y el área de las siguientes figuras.



2. ¿cómo encuentras el perímetro de un polígono?

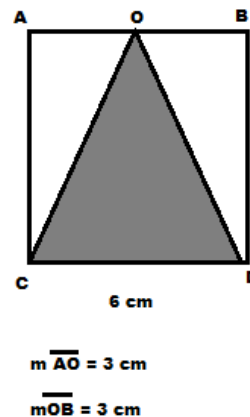
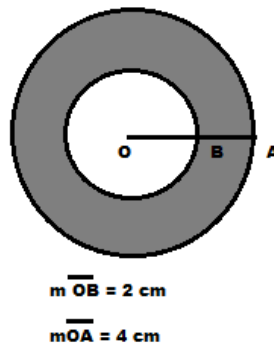
3. convertir

4km a m                      5,96 m<sup>3</sup> a cm<sup>3</sup>

4 km<sup>2</sup> a m<sup>2</sup>                      5,96 cm<sup>3</sup> a m<sup>3</sup>

4. dibuja un pentágono de 4 cm de lado, luego encuentra el perímetro y el área.

5. encuentra el área de la parte sombreada.





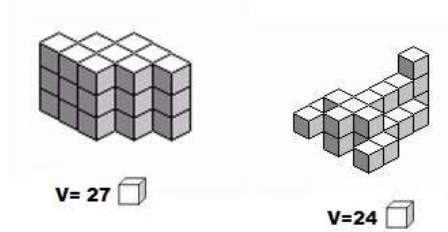
**VOLUMEN: CONCEPTO**

Todos los objetos a nuestro alrededor ocupan un lugar en el espacio, la cantidad de espacio que ocupa un objeto es su volumen.

***El volumen de un sólido es la medida del espacio que ocupa. Se simboliza V***

Al igual que la longitud y el área, para hallar el volumen de un sólido, se requiere usar una unidad adecuada, de la misma naturaleza que permita ser comparada con el sólido.

Si se considera como unidad de volumen el cubo  el volumen de cada solido es la cantidad de cubos que caben en él, por ejemplo.



En este tipo de arreglos, resulta interesante determinar qué cantidad de cubos no se ven desde la vista propuesta.

La unidad básica de volumen en el sistema métrico decimal es el metro cúbico ( $m^3$ ) que corresponde al volumen de un cubo de 1 metro de arista.

El metro cúbico tiene múltiplos y submúltiplos, estos son

Múltiplos	Submúltiplos
Kilómetro cúbico ( $km^3$ )	Decímetro cubico ( $dm^3$ )
Hectómetro cúbico ( $Hm^3$ )	Centímetro cúbico ( $cm^3$ )
Decámetro cúbico ( $Dm^3$ )	Milímetro cúbico ( $mm^3$ )

Existe una relación entre el volumen que ocupa un cuerpo y la capacidad que él tiene para albergar líquidos.

Así, en un cubo de  $1 dm^3$  de volumen se puede depositar un litro de líquido.

El litro es la cantidad de líquido que cabe en un cubo de 1 dm de arista.

Se nota con la letra L

$$1 dm^3 = 1L$$



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

**RECORDAR QUE:**

Para hallar la equivalencia de una unidad de orden mayor a una unidad de orden menor, se multiplica por la potencia de 10 correspondiente.

Para hallar la equivalencia de una unidad de orden menor a una unidad de orden mayor, se divide entre la potencia de 10 correspondiente.

**ACTIVIDAD No. 1**

Lee con mucha atención y luego consigna en el cuaderno

1. Hallar las equivalencias de las siguientes unidades de volumen.
  - a.  $83 \text{ km}^3$  en  $\text{m}^3$
  - b.  $7.360.000.000 \text{ cm}^3$  en  $\text{m}^3$

Solución:

- a. El ejercicio plantea una conversión de una unidad mayor  $\text{km}^3$  en  $\text{km}^3$  a una unidad menor ( $\text{km}^3$ ) en ( $\text{m}^3$ ). Por lo tanto, se debe multiplicar por 1.000.000.000, pues cada múltiplo del metro cúbico es 1.000 veces mayor que la unidad de orden inmediatamente inferior y 1.000 veces mayor que la unidad de orden inmediatamente mayor.

Luego, la equivalencia de  $83 \text{ km}^3$  en  $\text{m}^3$  es:

$$83 \cdot 1.000.000.000 = 83.000.000.000 \text{ m}^3$$

- b. Como en este caso se plantea una conversión de una unidad menor ( $\text{cm}^3$ ) a una unidad mayor ( $\text{m}^3$ ), se debe dividir entre 1.000.000

Luego la equivalencia de  $7.360.000.000 \text{ cm}^3$  en  $\text{m}^3$  es:

$$7.360.000.000 \text{ dividido entre } 1.000.000 = 7.360 \text{ m}^3$$

	Unidades de volumen		Unidades de capacidad		Unidades de masa	
	Símbolo	Equivalencia	Símbolo	Equivalencia	Símbolo	Equivalencia
2. Múltiplos	$1 \text{ km}^3$ $1 \text{ hm}^3$ $1 \text{ dam}^3$	$10^9 \text{ m}^3$ $10^6 \text{ m}^3$ $10^3 \text{ m}^3$	1kl 1hl 1dal	$10^3 \text{ l}$ $10^2 \text{ l}$ $10^1 \text{ l}$	1 kg 1 hg 1 dag	$10^3 \text{ g}$ $10^2 \text{ g}$ $10^1 \text{ g}$
3. Unidad básica	$1 \text{ m}^3$	$1 \text{ m}^3$	1litro	1l	1 g	1g
submúltiplos	$1 \text{ dm}^3$ $1 \text{ cm}^3$ $1 \text{ mm}^3$	$10^{-3} \text{ m}^3$ $10^{-6} \text{ m}^3$ $10^{-9} \text{ m}^3$	1dl 1cl 1ml	$10^{-1} \text{ l}$ $10^{-2} \text{ l}$ $10^{-3} \text{ l}$	1 dg 1 cg 1 mg	$10^{-1} \text{ g}$ $10^{-2} \text{ g}$ $10^{-3} \text{ g}$

1 barril = 42 galones  
1 galón = 3.785 litros

1 Tm = tonelada métrica = 1000kg  
1 lb= libra= 500g

4. Convertir:
  - a.  $85,4 \text{ Hm}^3$  a  $\text{dm}^3$
  - b.  $85,4 \text{ dm}^3$  a  $\text{Hm}^3$
  - c.  $1400 \text{ Km}^3$  a  $\text{m}^3$
  - d.  $1400 \text{ m}^3$  a  $\text{Km}^3$
  - e.  $8,61 \text{ Dm}^3$  a  $\text{cm}^3$
  - f.  $8,61 \text{ cm}^3$  a  $\text{Dm}^3$



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA
Versión: 002 Emisión 02/09/2008
Actualización 02/12/2010

**¿Cómo hallar el volumen de un sólido?**

Para encontrar el volumen de algunos solidos utilizamos las siguientes formulas o expresión general:

<b>I. PRISMA RECTO REGULAR</b>		
Área lateral:	Perímetro de la base por altura del prisma	$P_B \times h$
Área total:	Área lateral MAS dos veces el área de la base	$A_L + 2A_b$
Volumen:	Área de la base por la altura del prisma	$A_B \times h$
<b>II. PIRAMIDE REGULAR</b>		
Área lateral:	Semiperímetro de la base por apotema de la pirámide	$\frac{P_B \times a_p}{2}$
Área total:	Área lateral MAS área de la base	$A_L + A_B$
Volumen:	Un tercio del área de la base por la altura	$\frac{1}{3} A_B \times h$
<b>NOTA: La apotema de una pirámide es la altura de cada uno de los triángulos que la forman</b>		
<b>III. CILINDRO</b>		
Área lateral:	Perímetro de la base por altura	$2\pi R \times h$
Área total:	Área lateral MAS dos veces el área de la base	$2\pi R \times h + 2\pi R^2$
Volumen:	Área de la base por la altura	
<b>IV. CONO</b>		
Área lateral:	Semilongitud de la circunferencia por generatriz	$\pi R g$
Área total:	Área lateral MAS área de la base	$\pi R g + \pi R^2$
Volumen:	Un tercio del área de la base por la altura	$\frac{1}{3} \pi R^2 h$
<b>V. ESFERA</b>		
	Área: $4 \pi R^2$	Volúmen: $\frac{4}{3} \pi R^3$

**SÓLIDOS:**

En esta sección nos dedicaremos a estudiar algunas de las propiedades de los cuerpos que nos rodean, como son los cilindros, los cubos, las pirámides, los paralelepípedos, etc. Es importante que te des cuenta que las figuras que hemos estudiado hasta ahora son solamente las caras de estos cuerpos.

Sólido: un sólido es una porción cerrada del espacio, limitada por superficies. Los sólidos tienen tres dimensiones. En los sólidos se pueden determinar:

**ÁREA LATERAL:** es la suma de las áreas de cada una de las caras del sólido, la representamos como  $A_l$



**ÁREA TOTAL:** es la suma del área lateral con el área de las bases, la representamos con  $A_t$

**VOLUMEN:** es la medida del lugar ocupado por el cuerpo, lo representamos con  $V$

**POLIEDROS:**

Se llama poliedro a un cuerpo limitado exclusivamente por superficies planas. Por ejemplo, son poliedros la pirámide y el cubo y no los son el cono, el cilindro y la esfera; pues en parte o totalmente están limitados por superficies curvas.

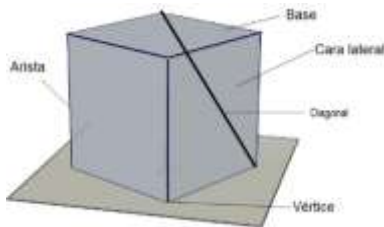
Los elementos fundamentales de un poliedro son:

**CARAS:** las caras son las superficies que limitan al poliedro

**ARISTAS:** las aristas son las intersecciones de las caras.

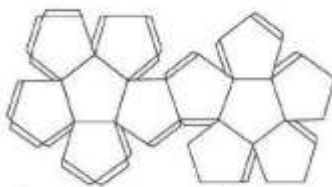
**VÉRTICES:** los vértices son los puntos donde se cortan más de dos caras

**DIAGONAL:** la diagonal de un poliedro es el segmento que une dos vértices que no pertenecen a la misma cara.

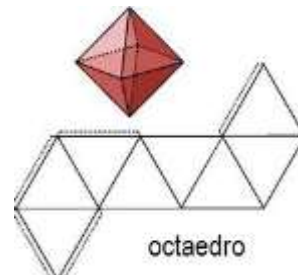


**POLIEDROS REGULARES**

Los poliedros regulares son cuerpos cuyas caras son polígonos regulares iguales



Dodecaedro regular



octaedro

**PRISMA**

Se llama prisma a un poliedro cuyas dos de sus caras son polígonos congruentes y paralelos; las demás caras son paralelogramos.

**Bases del prisma:** son dos polígonos congruentes y paralelos





**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

**Caras laterales:** Son paralelogramos no necesariamente congruentes

**Altura:** es el segmento perpendicular a las bases. La medida de este segmento es la distancia entre las dos bases, se representa por h.

**Arista lateral:** una arista es el segmento de intersección entre dos caras laterales.

**CLASIFICACION DE LOS PRISMAS**

**Según las aristas laterales:**

**Prisma recto:** el que tiene las aristas laterales perpendiculares a las bases y cuyas caras laterales son rectángulos.

**Prisma oblicuo:** aquel que no tiene las aristas laterales perpendiculares a las bases.

**Según las bases:**

**Prisma regular:** aquel cuyas bases son polígonos regulares

**Prisma irregular:** El que tiene como bases polígonos irregulares

**ÁREA LATERAL, ÁREA TOTAL Y VOLUMEN DE UN PRISMA**

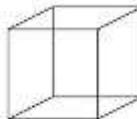
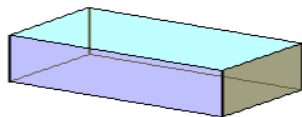
Como todo prisma tiene dos bases y un número de caras que depende del polígono que tenga por base, se define el área lateral, área total y volumen de la siguiente forma:

**Área lateral:** suma de las áreas de las caras laterales

**Área total:** suma del área lateral más la de las dos bases

**Volumen:** es el área de la base por la altura,  $V = A_b \times h$

Un caso lateral es



especial de la definición del área cuando el prisma es recto. El área lateral en un prisma recto se determina multiplicando la medida del perímetro de una base por la medida de la altura.

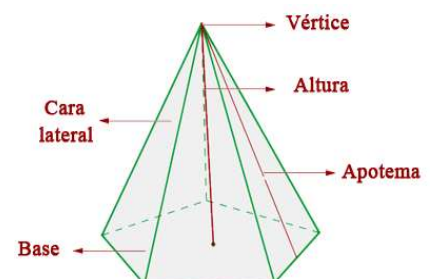
$A_l = p \times h$ , donde p es perímetro y h la altura

Un prisma especial es el paralelepípedo. Los paralelepípedos son prismas limitados por seis paralelogramos, congruentes dos a dos.

El cubo es un paralelepípedo cuyas caras son cuadrados congruentes.

**PIRÁMIDES**

Se llama pirámide a un poliedro que tiene como base (B) un polígono con cualquier número de lados y cuyas caras laterales son triángulos





**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA
Versión: 002 Emisión 02/09/2008
Actualización 02/12/2010

que se encuentran en un punto llamado vértice de la pirámide.

**Altura de la pirámide:** es el segmento perpendicular (h) trazado desde el vértice a la base.

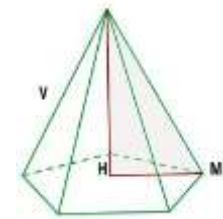
**Apotema de la pirámide:** es la altura de cada triángulo que forman las caras laterales de la pirámide.

**ÁREA LATERAL, ÁREA TORAL Y VOLUMEN DE UNA PIRAMIDE RECTA**

**Área lateral:** suma de las áreas de las caras laterales:  $A_l = \frac{\text{perímetro de la base} \times \text{apotema}}{2}$

**Área total:** suma del área lateral más el área de la base:  $A_t = A_l + B$

**Volumen:** es un tercio del área de la base por la altura:  $V = \frac{1}{3} A_b \times h$



**Ejemplo:** calcular el área lateral de una pirámide cuadrangular regular, cuya altura mide 18m y el lado de su base mide 12m

**Solución:** lo primero que debemos encontrar es la apotema de la pirámide, como **HM** es la apotema de la base mide la mitad del lado por tanto **HM = 6m**, aplicando teorema de Pitágoras

$$VM^2 = 36 + 324$$

$$VM = 18,97$$

$$A_l = \frac{\text{perímetro de la base} \times \text{apotema}}{2} = \frac{48 \times 18,97}{2} = 455,36 \text{ m}^2$$

**ACTIVIDAD 2**

1. Se quiere construir una caja de cartón de forma ortoédrica, cuyas dimensiones sean 3 m de largo, 5 m de ancho y 5 cm de alto, con una tapa de borde 3 cm ¿cuánto cartón se necesitará? ¿qué capacidad en  $cm^3$  tiene la caja?

Se define densidad =  $\frac{\text{masa}}{\text{volumen}}$ ; simbólicamente se tiene  $\sigma = \frac{m}{v}$

2. Si la masa de una pirámide cuadrangular regular es de 435,3 g y su altura es el doble de la medida de la base y ésta mide 2m ¿cuál será la densidad del material de la pirámide?
3. Si un barrote de oro tiene forma de prisma triangular de 20 cm de largo y el área de la base es  $15 \text{ cm}^2$ , ¿qué valor tiene el barrote si el gramo de oro está a \$12.000? averigua la densidad del oro.



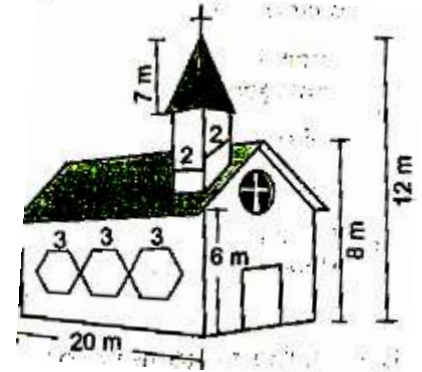
**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

4. Una piscina tiene forma de paralelepípedo rectángulo, cuyas dimensiones son 18m, 6m y 1,80m ¿cuántos baldosines de  $40\text{ cm}^2$  de área se necesitan para embaldosar el fondo y las cuatro paredes?
5. Con base en la figura:
  - a. Divide la iglesia en sólidos
  - b. Si se quiere pintar toda la fachada de la iglesia y se gasta un galón de pintura por cada  $230\text{ cm}^2$  ¿qué cantidad de pintura se deberá comprar?
  - c. Determina el volumen que ocupa el techo de la iglesia



### LOS SÓLIDOS DE REVOLUCIÓN

¿CÓMO CREES QUE PUEDA GENERARSE UN CONO A PARTIR DE UN TRIÁNGULO?  
EXPLICA

¿APARTIR DE CUÁL SÓLIDO SE GENERA UN CILINDRO? EXPLICA UN PROCEDIMIENTO  
QUE PERMITA ILUSTRAR TU RESPUESTA

#### CILINDRO

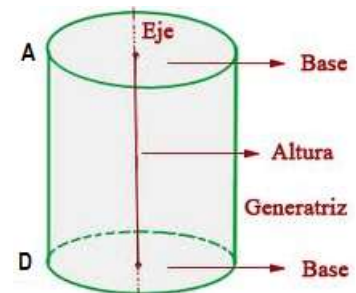
Tomemos un rectángulo y hagámoslo girar alrededor de uno de sus lados hasta completar una vuelta. El cuerpo geométrico resultante de la rotación se denomina cilindro de revolución o cilindro circular recto.

El lado AD es la generatriz de la superficie cilíndrica.

Las bases del cilindro son dos círculos congruentes y paralelos.

La altura del cilindro es la distancia entre las bases. La altura tiene la misma medida de la generatriz.

El radio del cilindro es el radio de los círculos de las bases.



#### ÁREA LATERAL Y TOTAL DEL CILINDRO

Si tomamos un rectángulo ABCD y los enrollamos hasta que Ad se toque con BC, se formaría un cilindro cuya área lateral equivale a la del rectángulo ABCD.

Luego, el área lateral del cilindro = área del rectángulo ABCD = base x altura =  $2\pi r h$ .

El área total del cilindro se obtiene sumando al área lateral, el área de las dos bases:

$$\text{Área total} = 2\pi r h + 2\pi r^2 = 2\pi r (h + r)$$



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO**

Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

El volumen de un cilindro se define como el área de la base por la altura (h). la altura representa la distancia entre los dos círculos que forman el cilindro.

$$V = \pi r^2 h$$

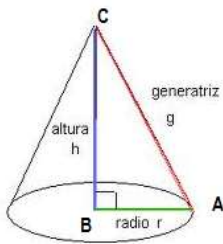
Concluyendo tenemos que:

$$\text{Área lateral del cilindro} = A_l = 2\pi r h$$

$$\text{Área total} = A_t = 2\pi r h + 2\pi r^2 = 2\pi r (h + r)$$

$$\text{Volumen} = V = \pi r^2 h$$

### EL CONO



Si hacemos girar un triángulo rectángulo ABC una vuelta completa alrededor de uno de sus catetos (BC), obtenemos un cuerpo geométrico denominado **CONO CIRCULAR RECTO ó CONODE REVOUCIÓN.**

Elementos de un cono

El cateto CB es la altura del cono

El cateto AB es el radio del cono

La hipotenusa AC es la generatriz del cono

Área lateral y total del cono

El área lateral es igual al producto del radio del círculo de la base por la medida de la generatriz.

$$A_l = \pi r g$$

El área total es la suma del área lateral más el área de la base que como es un círculo se tiene:

$$\begin{aligned} A_t &= A_l + \text{área del círculo} \\ &= \pi r g + \pi r^2 = \pi r (g + r) \end{aligned}$$

El volumen de un cono es un tercio del área de la base por la altura:

$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

### LA ESFERA

Si hacemos girar media circunferencia una vuelta completa alrededor del diámetro obtenemos una superficie esférica:

Cualquier punto p de la superficie esférica pertenece a la semicircunferencia que la genera y el centro O no se desplaza en el giro.



INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO

Código FR- 17- GA

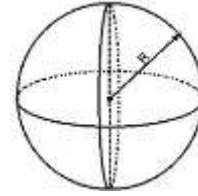
Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

Luego, todos los puntos de la superficie esférica equidistan de un punto fijo llamado **centro**.

### Área de la esfera

La superficie de una esfera no se puede desarrollar sobre un plano, si intentamos aplanar una pedazo de pelota de caucho encontramos que es imposible hacerlo sin deformar el caucho. Sin embargo, se ha logrado establecer que el área de la esfera es cuatro veces  $\pi$  por el radio del cuadrado:



$$A_e = 4\pi r^2$$

El volumen de una esfera equivale a los cuatro tercios de  $\pi$  multiplicados por el radio del cubo:

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$



**INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO  
ACTIVIDAD DE NIVELACIÓN**

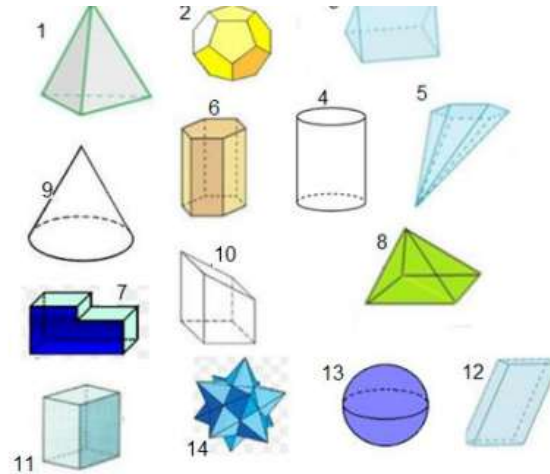
Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

A.

1. Imagina que debes distribuir los siguientes cuerpos en tres cajas diferentes según algunas características que tengan en común. Para ello debes utilizar un criterio de manera que cada cuerpo esté solamente en una de las tres cajas. Escribe tu respuesta en la tabla dada
2. Elige uno de los cuerpos dados anteriormente y realiza una caracterización del mismo.
3. Selecciona un cuerpo poliedro, puede ser el mismo que elegiste anteriormente, y nombra todos sus elementos.



	Caja 1	Caja 2	Caja 3
Cuerpos			
Características comunes			

- B. Calcula el volumen de papel higiénico que hay en el siguiente rollo. Redondea a dos cifras decimales.





INSTITUCIÓN EDUCATIVA  
NUESTRA SEÑORA DEL PALMAR  
SEDE LICEO FEMENINO  
ACTIVIDAD DE PROFUNDIZACIÓN

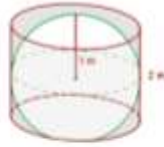
Código FR- 17- GA

Versión: 002  
Emisión 02/09/2008

Actualización 02/12/2010

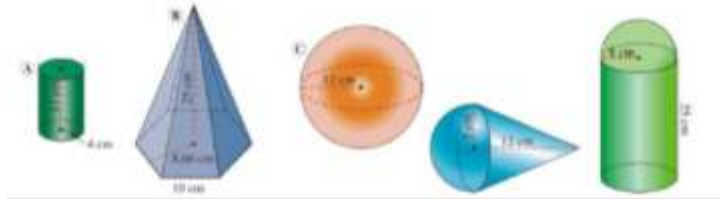
1. Dar ejemplos de la vida real, de sólidos que son cilindros
2. Dar ejemplos de la vida real, de sólidos que son conos

3. a. Dada una esfera inscrita en un cilindro como se muestra en la figura calcula el volumen del espacio restante.



- b. Un cubo de 20 cm de arista está lleno de agua. ¿Cabría esta agua en una esfera de 20 cm de radio?

- c. Calcula el volumen de los siguientes cuerpos:



4. Se desea construir un tambor con una lámina metálica y dos regiones circulares de cuero. La altura del tambor es 0,5 m y el radio de la base es 25 cm. Calcular la cantidad de metal y de cuero que debe utilizarse.

*“Tus circunstancias pueden no ser de tu agrado,  
pero no han de seguir siendo las mismas si concibes un ideal  
y luchas por alcanzarlo”.*

